

Klasa

Nazwisko i imię

**MARZEC
ROK 2019**

**PRÓBNY EGZAMIN MATURALNY
Z MATEMATYKI**

POZIOM PODSTAWOWY

Czas pracy 170 minut

Instrukcja dla zdającego

1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 22 strony (zadania 1–34).
Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
2. Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym.
3. Odpowiedzi do zadań zamkniętych (1–25) przenieś na kartę odpowiedzi, zaznaczając je w części karty przeznaczonej dla zdającego. Zamaluj  pola do tego przeznaczone. Błędne zaznaczenie otocz kółkiem  i zaznacz właściwe.
4. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego (26–34) może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów.
5. Pisz czytelnie i używaj tylko długopisu lub pióra z czarnym tuszem lub atramentem.
6. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
7. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
8. Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla, linijki oraz kalkulatora prostego.
9. Nie wpisuj żadnych znaków w części przeznaczonej dla egzaminatora.

Za rozwiązanie
wszystkich zadań
można otrzymać
maksymalnie
50 punktów

Życzymy powodzenia!

ZADANIA ZAMKNIĘTE*W zadaniach od 1. do 25. wybierz i zaznacz na karcie odpowiedzi poprawną odpowiedź.***Zadanie 1. (0-1)**Liczba $\log_2 3 - 2\log_2 4\sqrt{3}$ jest równa

- A. 4 B. -4 C. $\frac{1}{4}$ D. $-\frac{1}{4}$

Zadanie 2. (0-1)Liczba $\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{\frac{4}{27}} - 1$ jest równa

- A. $\frac{2}{3}$ B. $-\frac{2}{3}$ C. $-\frac{1}{3}$ D. $\frac{1}{3}$

Zadanie 3. (0-1)Dane są liczby $a = 1 - 3\sqrt{2}$ oraz $b = 2 + \sqrt{2}$. Wtedy iloraz liczb $\frac{a}{b}$ jest równy

- A. $-2 - 7\sqrt{2}$ B. $4 - 7\sqrt{2}$ C. $-2 - \frac{7}{2}\sqrt{2}$ D. $4 - \frac{7}{2}\sqrt{2}$

Zadanie 4. (0-1)

Jeżeli w trójkącie prostokątnym jedną z przyprostokątnych zwiększymy o 10%, a drugą zmniejszymy o 10%, to w wyniku obu przekształceń pole tego trójkąta

- A. zwiększy się o 1%
B. zmniejszy się o 1%
C. nie zmieni się
D. zwiększy się o 2%

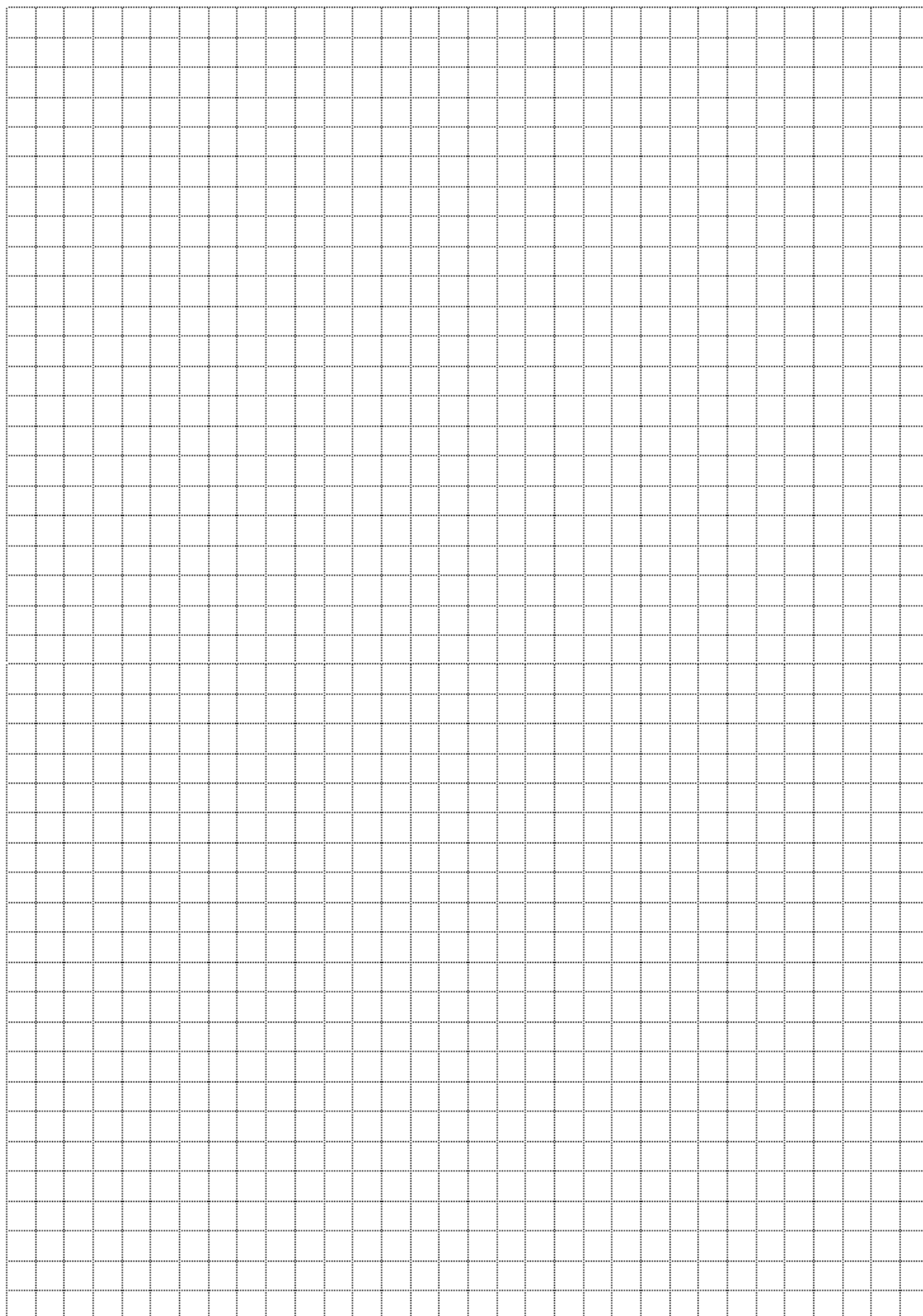
Zadanie 5. (0-1)Liczba $\frac{2^{20}}{4^{12} - 8^7}$ jest równa

- A. $\frac{1}{14}$ B. 2^{17} C. 2^{15} D. $\frac{1}{32}$

Zadanie 6. (0-1)Największą liczbą całkowitą należącą do zbioru rozwiązań nierówności $-2 - \frac{3x-4}{3} \geq x$ jest

- A. -2 B. 0 C. 1 D. -1

BRUDNOPIS



Zadanie 7. (0-1)

Miejszem zerowym funkcji $f(x) = \frac{x+m}{2mx-3}$ jest liczba -3 . Wtedy wartość m jest równa

- A. 0 B. -3 C. 3 D. -2

Zadanie 8. (0-1)

Funkcja f jest określona wzorem $f(x) = (x - 4)^{-\frac{1}{3}}$ dla każdej liczby rzeczywistej $x \neq 4$. Wartość funkcji f dla argumentu -4 jest równa

- A. $\frac{1}{2}$ B. 0 C. -2 D. $-\frac{1}{2}$

Zadanie 9. (0-1)

Funkcja liniowa $f(x) = (m^2 - 1)x + 3m - 3$ ma nieskończenie wiele miejsc zerowych dla

- A. $m = 1$ B. $m = -2$ C. $m = -1$ D. $m = 0$

Zadanie 10. (0-1)

Punkt $P = (-\sqrt{3}, 2)$ należy do wykresu funkcji $f(x) = ax^2 + 2\sqrt{3}x - 4$. Wtedy współczynnik a jest równy

- A. 0 B. $\frac{\sqrt{3}}{10}$ C. -4 D. 4

Zadanie 11. (0-1)

Dana jest funkcja kwadratowa $f(x) = -x^2 + 3x + 4$. Ośią symetrii paraboli, która jest wykresem funkcji $g(x) = f(-x)$ jest prosta o równaniu

- A. $x = -3$ B. $x = -\frac{3}{2}$ C. $y = \frac{25}{4}$ D. $x = \frac{3}{2}$

Zadanie 12. (0-1)

Liczby 2, 7, $2x - 4$ w podanej kolejności są trzema kolejnymi wyrazami ciągu arytmetycznego, zatem x jest równy

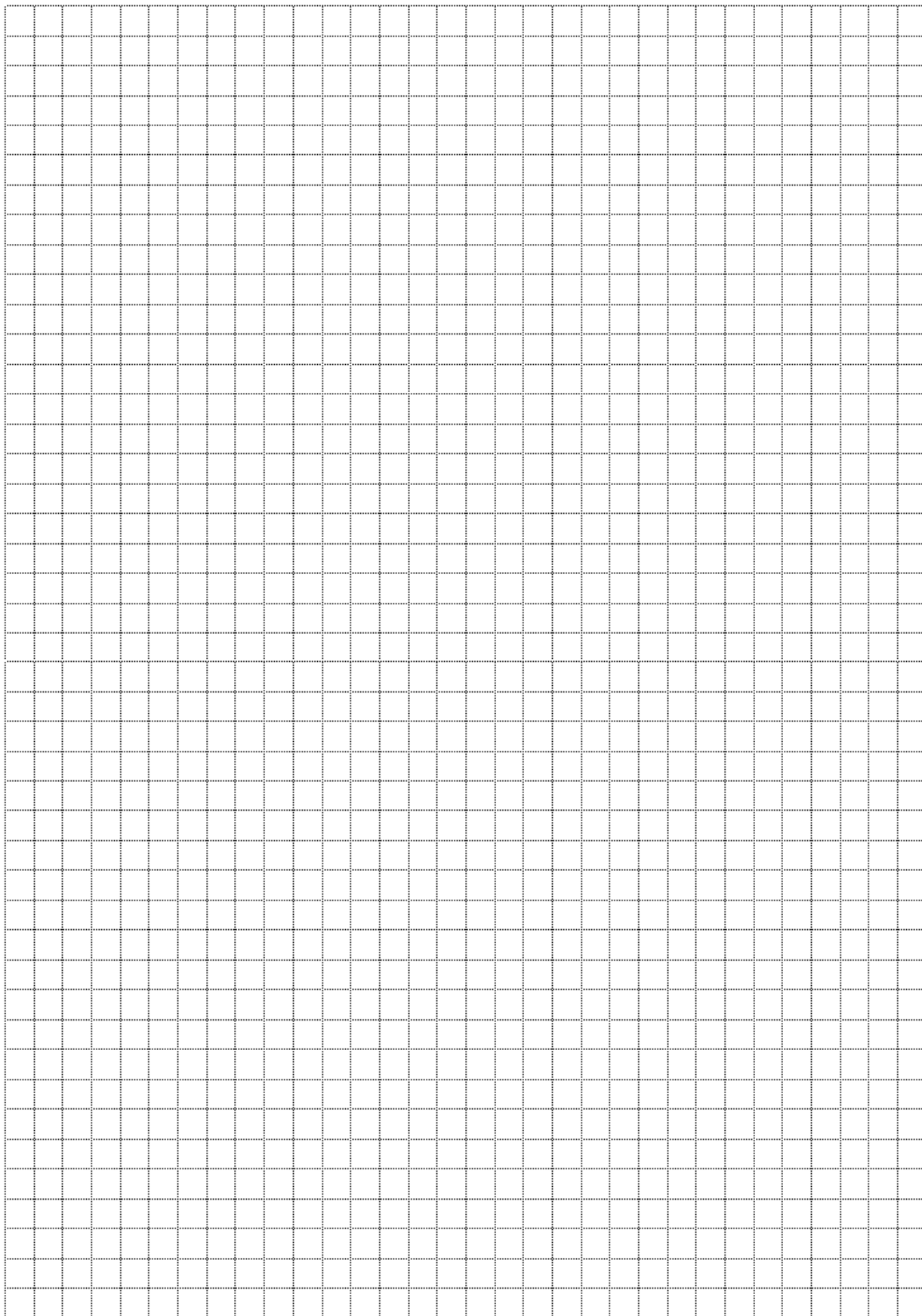
- A. 12 B. 8 C. 10 D. 16

Zadanie 13. (0-1)

W ciągu geometrycznym (a_n) pierwszy wyraz $a_1 = 3$ oraz $a_1 + a_4 = 84$. Iloraz tego ciągu jest równy

- A. 3 B. 9 C. -3 D. 4

BRUDNOPIS



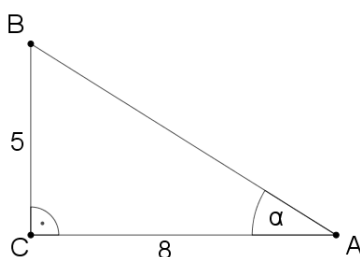
Zadanie 14. (0-1)

Kąt α jest ostry oraz $\operatorname{tg} \alpha = 3$. Wartość wyrażenia $\frac{2 \sin \alpha - 3 \cos \alpha}{4 \cos \alpha}$ jest równa

- A. 1 B. $-\frac{1}{4}$ C. $\frac{9}{4}$ D. $\frac{3}{4}$

Zadanie 15. (0-1)

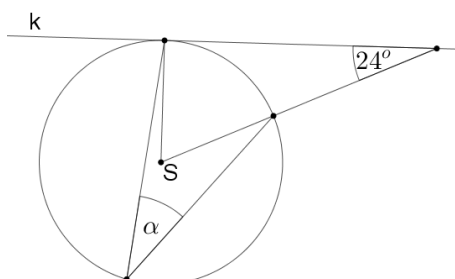
Na rysunku przedstawiony jest trójkąt prostokątny. Miara kąta α spełnia warunek



- A. $\alpha \in (28^\circ; 29^\circ)$ B. $\alpha > 38^\circ$ C. $\alpha < 28^\circ$ D. $\alpha \in (32^\circ; 33^\circ)$

Zadanie 16. (0-1)

Na rysunku przedstawiona jest styczna k do okręgu o środku S . Miara kąta α jest równa



- A. 33° B. 24° C. 34° D. 66°

Zadanie 17. (0-1)

Punkt P leży na prostej o równaniu $y = -1\frac{1}{2}x + 4$. Zatem współrzędne punktu P mogą być równe

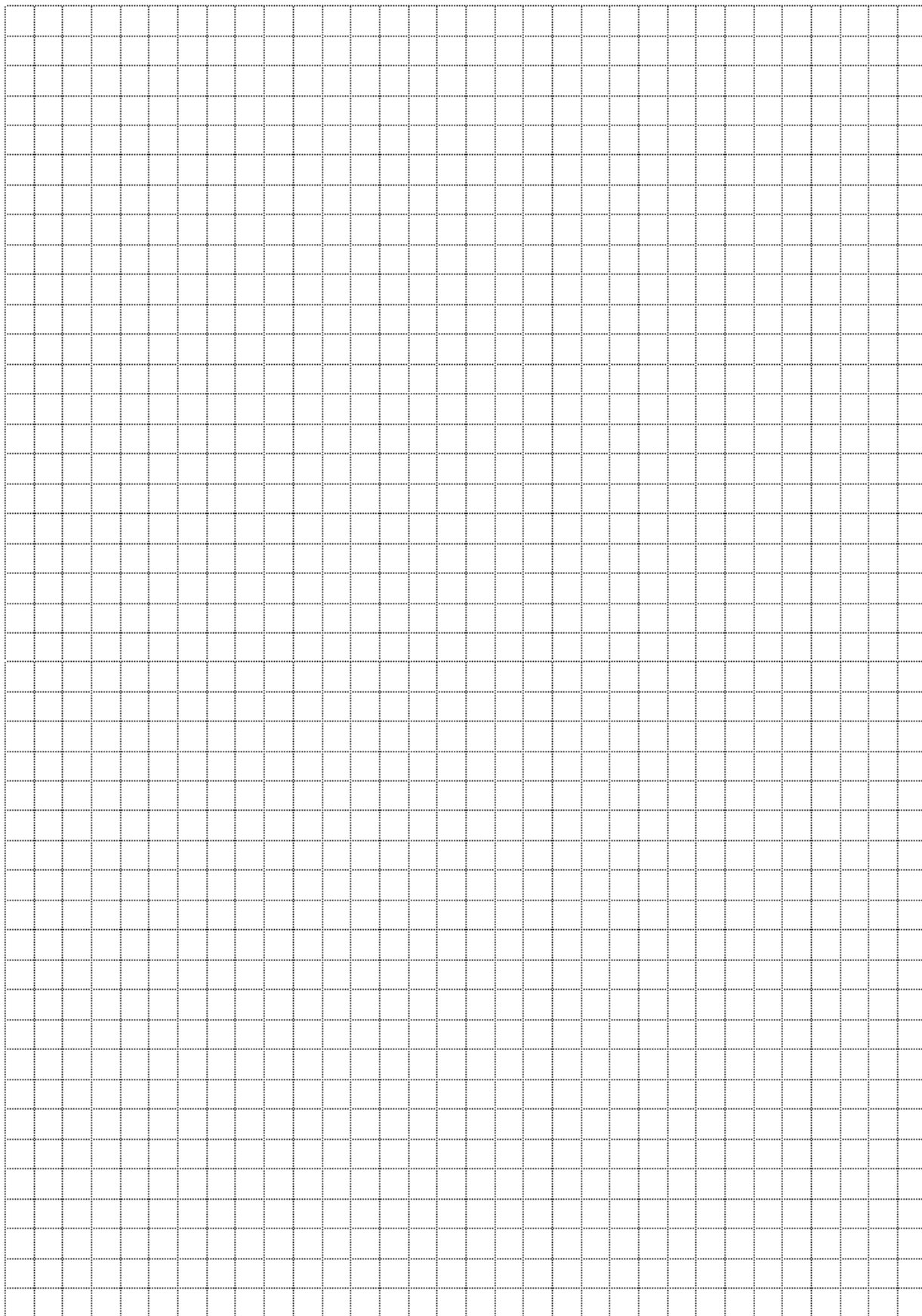
- A. $(-16, 27)$ B. $(-30, 50)$ C. $(18, -21)$ D. $(-40, 64)$

Zadanie 18. (0-1)

Przekątne AC oraz BD równoległoboku $ABCD$ przecinają się w punkcie $S = \left(1, -\frac{1}{2}\right)$. Punkt $A = (-3, -4)$, zatem

- A. $C = \left(5, 4\frac{1}{2}\right)$ B. $C = (6, 3)$ C. $C = \left(-7, -7\frac{1}{2}\right)$ D. $C = (5, 3)$

BRUDNOPIS



Zadanie 19. (0-1)

Proste o równaniach $y = (2m - 3)x + 4m - 1$ oraz $y = -2x + 3m - 1$ są prostopadłe, gdy

A. $m = 1\frac{3}{4}$

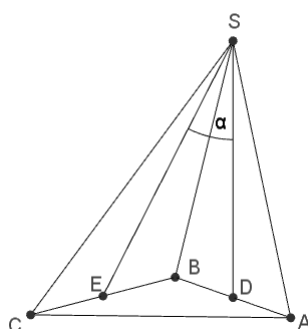
B. $m = -2\frac{1}{2}$

C. $m = 2\frac{1}{2}$

D. $m = \frac{1}{2}$

Zadanie 20. (0-1)

Podstawą ostrosłupa jest trójkąt równoboczny ABC . Punkty D i E są środkami odcinków AB oraz BC . Wysokością tego ostrosłupa jest odcinek SD , którego długość jest równa długości krawędzi podstawy (zobacz rysunek).



Kąt α , jaki tworzą odcinki SD oraz SE , spełnia warunek

A. $\alpha = 30^\circ$

B. $\sin \alpha = \frac{1}{2}$

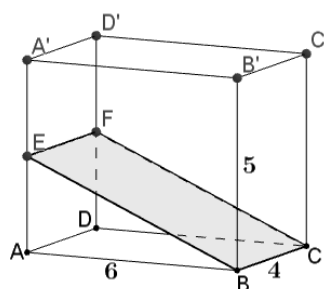
C. $\operatorname{tg} \alpha = \frac{1}{2}$

D. $\frac{1}{3} < \operatorname{tg} \alpha < \frac{1}{2}$

Zadanie 21. (0-1)

Prostopadłościan ma wymiary przedstawione na rysunku ($|AB| = 6$, $|BC| = 4$, $|BB'| = 5$).

Punkty E i F są środkami krawędzi AA' oraz DD' .



Pole czworokąta $BCFE$ jest równe

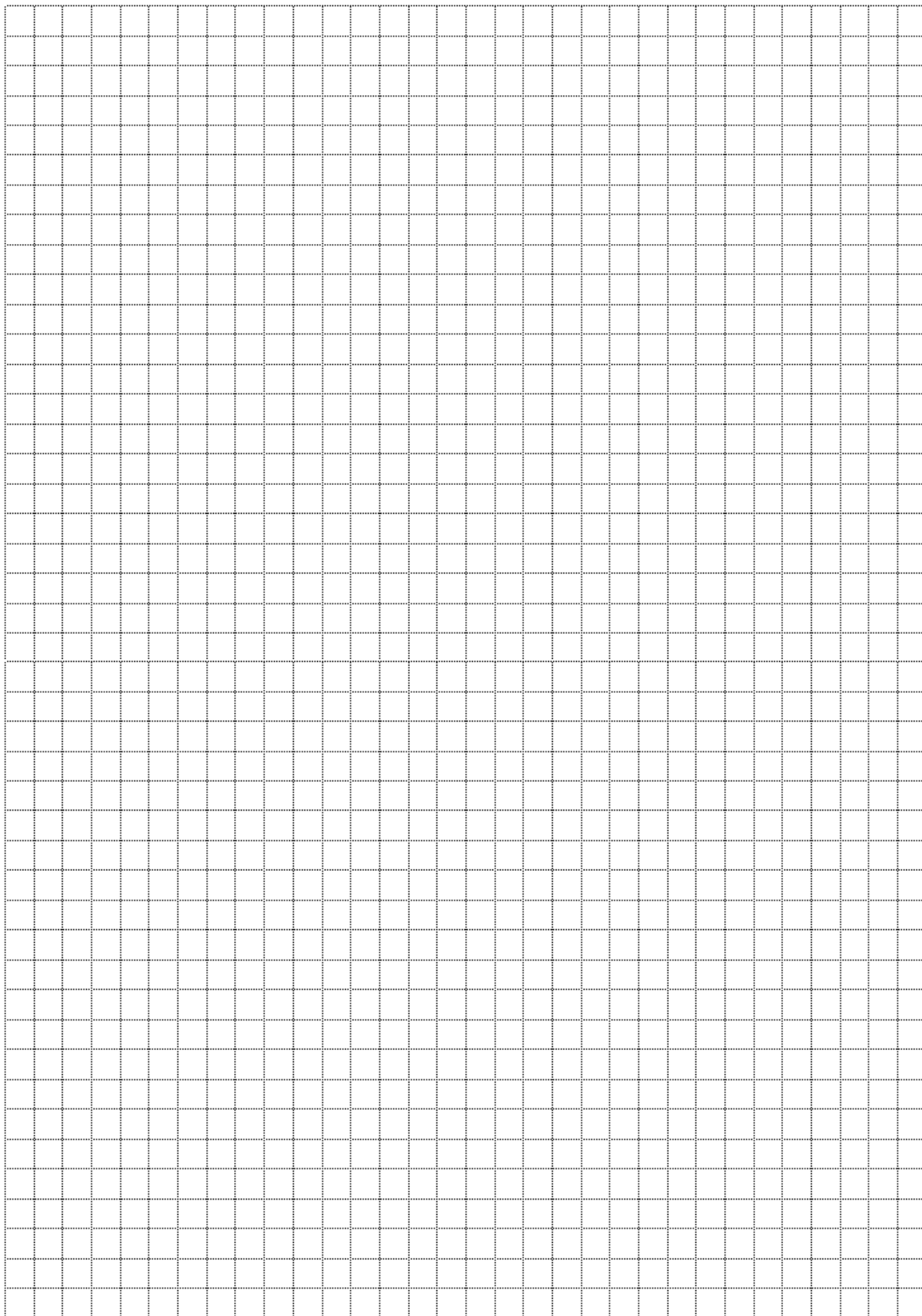
A. $2\sqrt{119}$

B. 26

C. 28

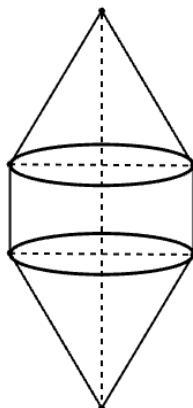
D. 32

BRUDNOPIS



Zadanie 22. (0-1)

Na rysunku przedstawiono bryłę zbudowaną z walca i dwóch stożków. Przekroje osiowe stożków są trójkątami równobocznymi o boku 4, a wysokość walca jest równa 2.



Pole powierzchni tej bryły jest równe

- A. 40π B. 32π C. 24π D. $16\pi(\sqrt{3} + 1)$

Zadanie 23. (0-1)

Marek otrzymał następujące oceny z matematyki: 3, 3, 4, 6, x . Średnia arytmetyczna tych ocen jest równa 4. Zatem ocena x to

- A. 2 B. 3 C. 4 D. 5

Zadanie 24. (0-1)

W pudełku jest 30 losów, w tym 5 wygrywających. Ile losów pustych należy usunąć z pudełka, aby losując jeden los prawdopodobieństwo wygranej było równe $\frac{1}{5}$.

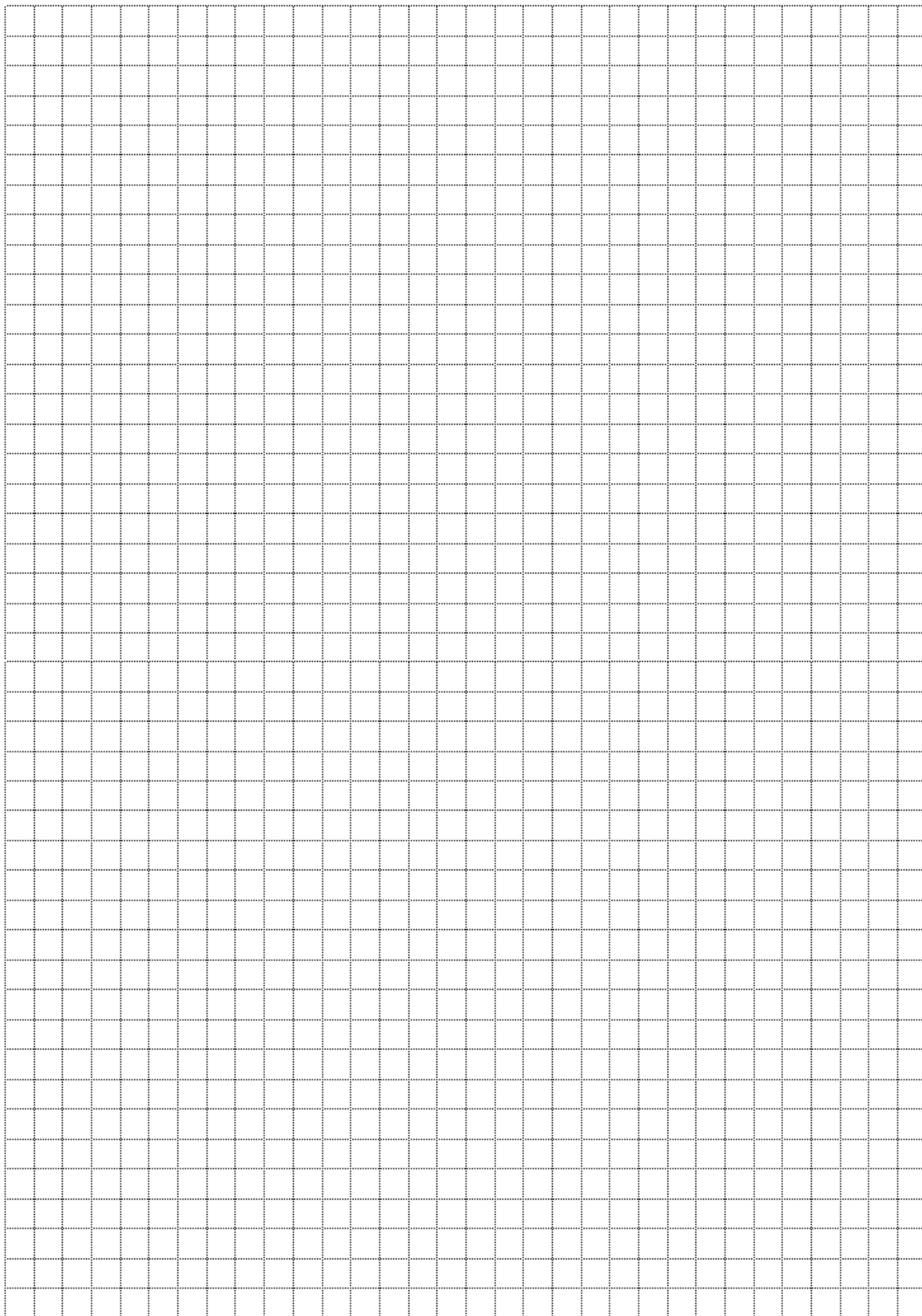
- A. 6 B. 5 C. 8 D. 10

Zadanie 25. (0-1)

Ze zbioru $\{1, 2, 7, 9, 13, 17, 34\}$ losujemy jedną liczbę. Jakie jest prawdopodobieństwo wylosowania liczby pierwszej.

- A. $\frac{4}{7}$ B. $\frac{5}{7}$ C. $\frac{3}{7}$ D. $\frac{2}{7}$

BRUDNOPIS

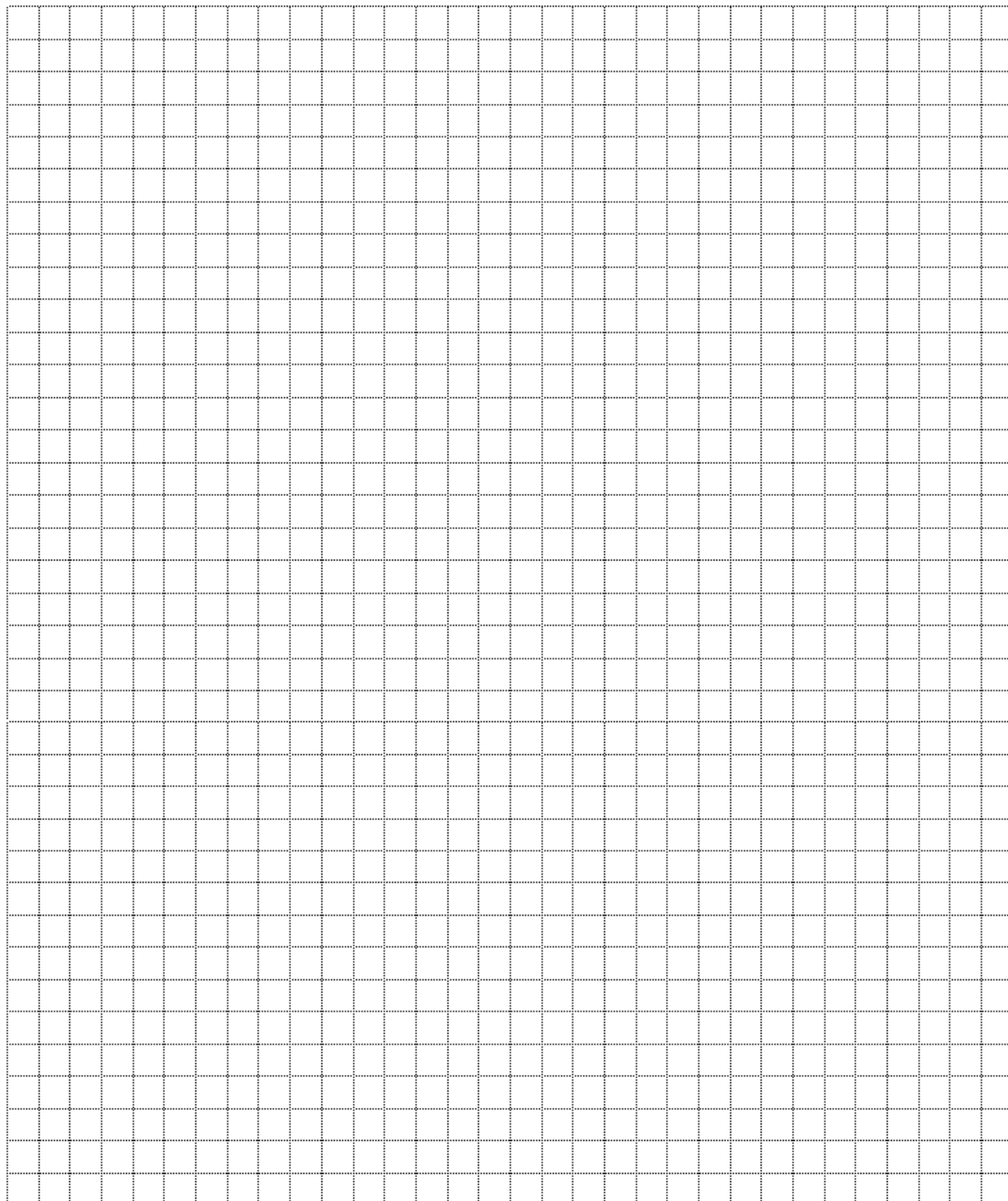


ZADANIA OTWARTE

Rozwiązania zadań o numerach od 26. do 34. należy zapisać w wyznaczonych miejscach pod treścią zadania.

Zadanie 26. (0-2)

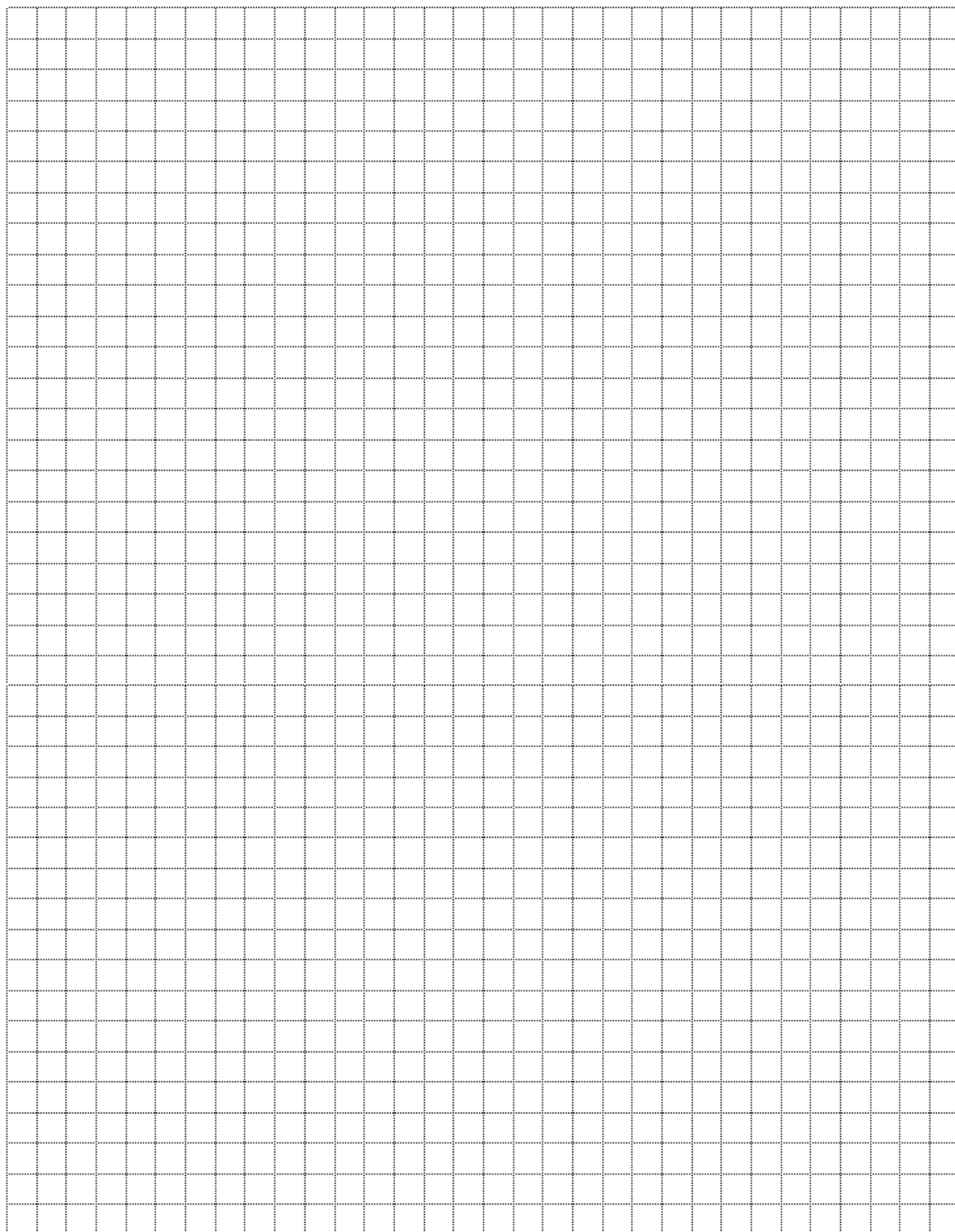
Rozwiąż nierówność $x^2 + 2x \leq 3(2x - 1)$.



Odpowiedź.....

Zadanie 27. (0-2)

Rozwiąż równanie $(2x - 1)(x^3 + 8)(x^2 + 9) = 0$.

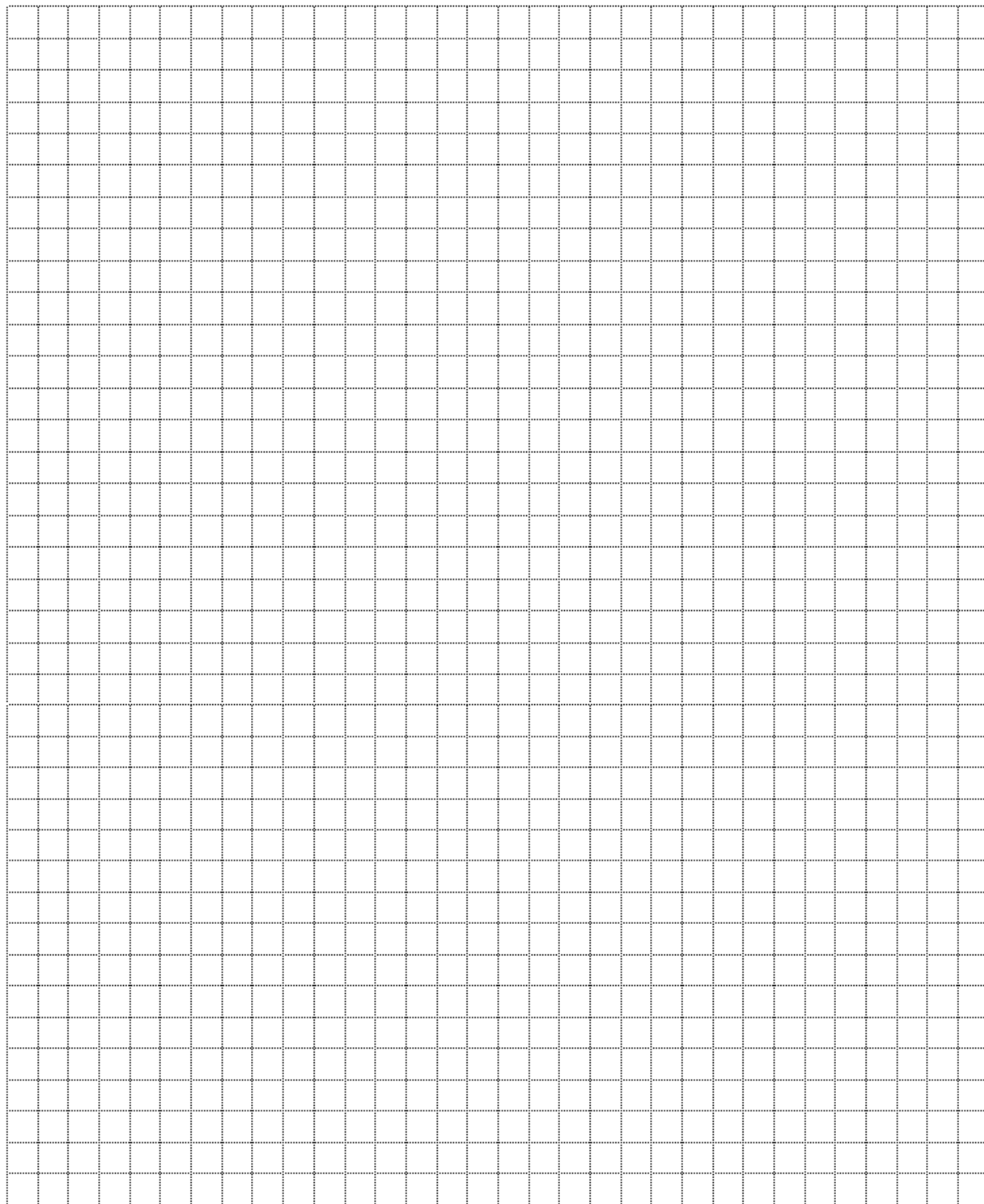


Odpowiedź.....

Zadanie 28. (0-2)

Udowodnij, że dla dowolnych liczb rzeczywistych dodatnich x i y prawdziwa jest nierówność

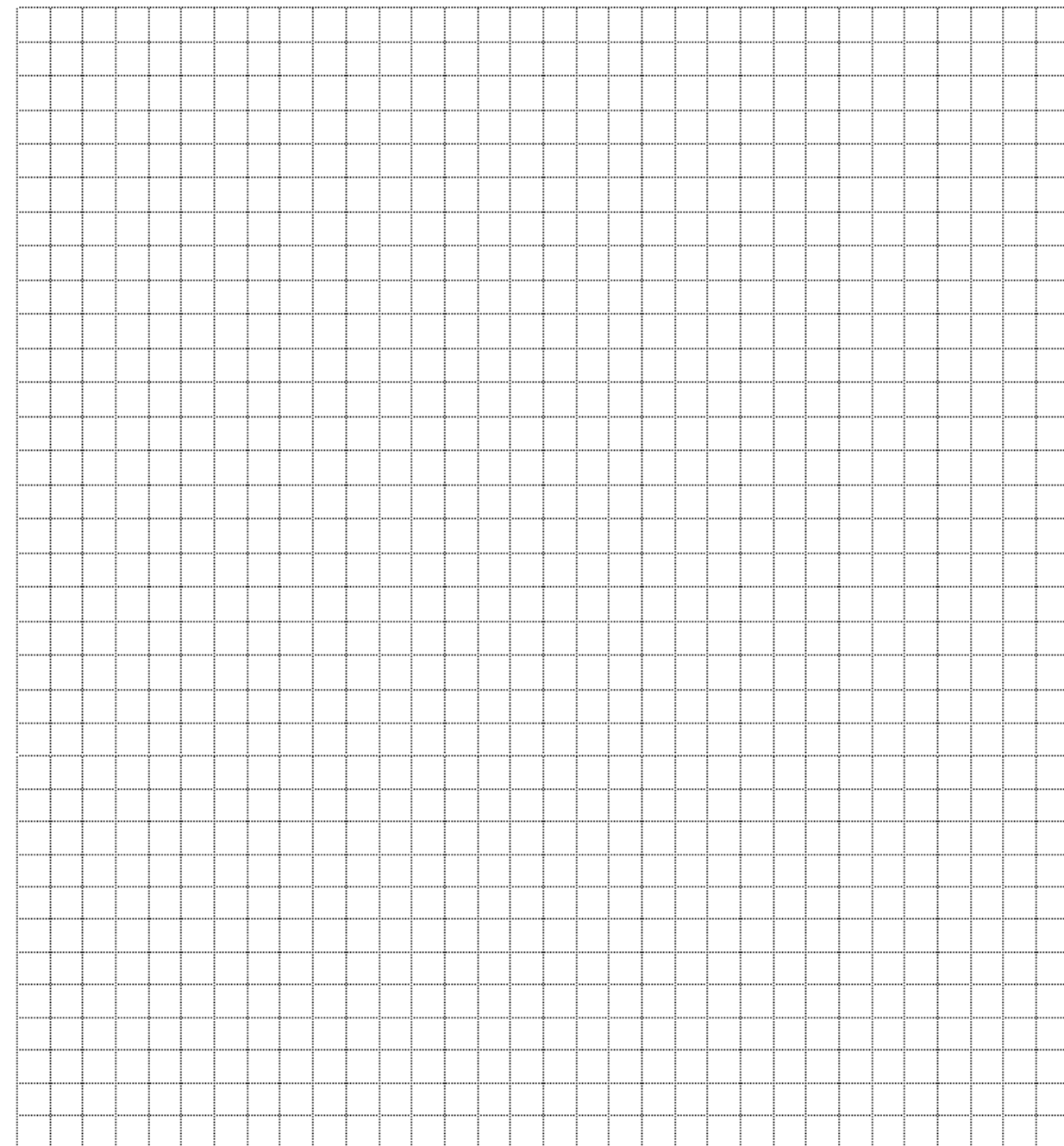
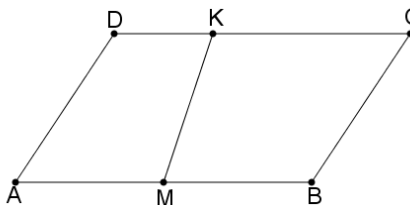
$$\frac{x}{y} \geq 4 \left(1 - \frac{y}{x}\right)$$



Odpowiedź.....

Zadanie 29. (0-2)

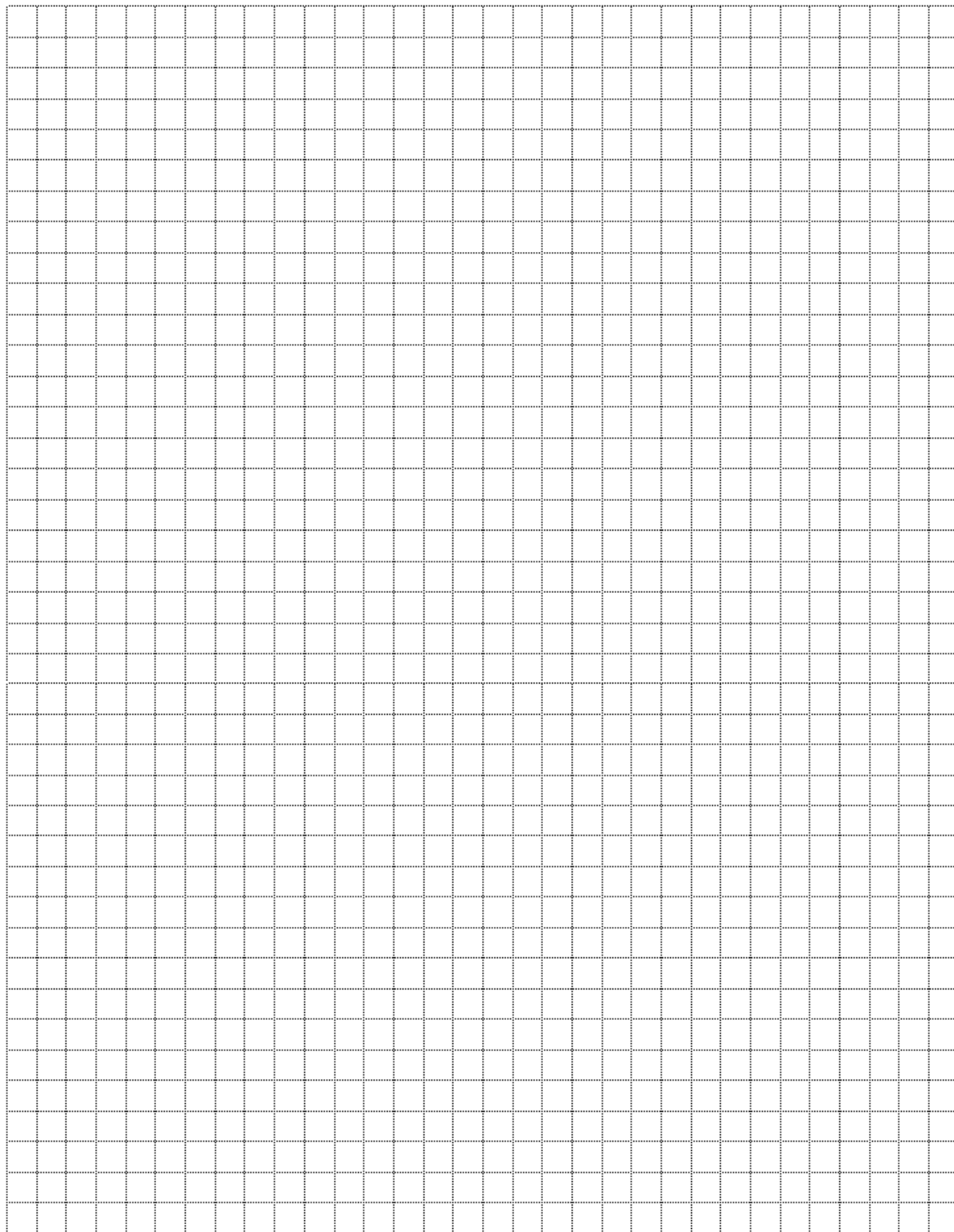
W równoległoboku $ABCD$ poprowadzono odcinek KM . Punkt M jest środkiem odcinka AB , punkt K leży na odcinku CD oraz $2|DK|=|KC|$ (zobacz rysunek). Uzasadnij, że stosunek pola trapezu $AMKD$ do pola trapezu $MBCK$ jest równy $\frac{5}{7}$.



Odpowiedź.....

Zadanie 30. (0-2)

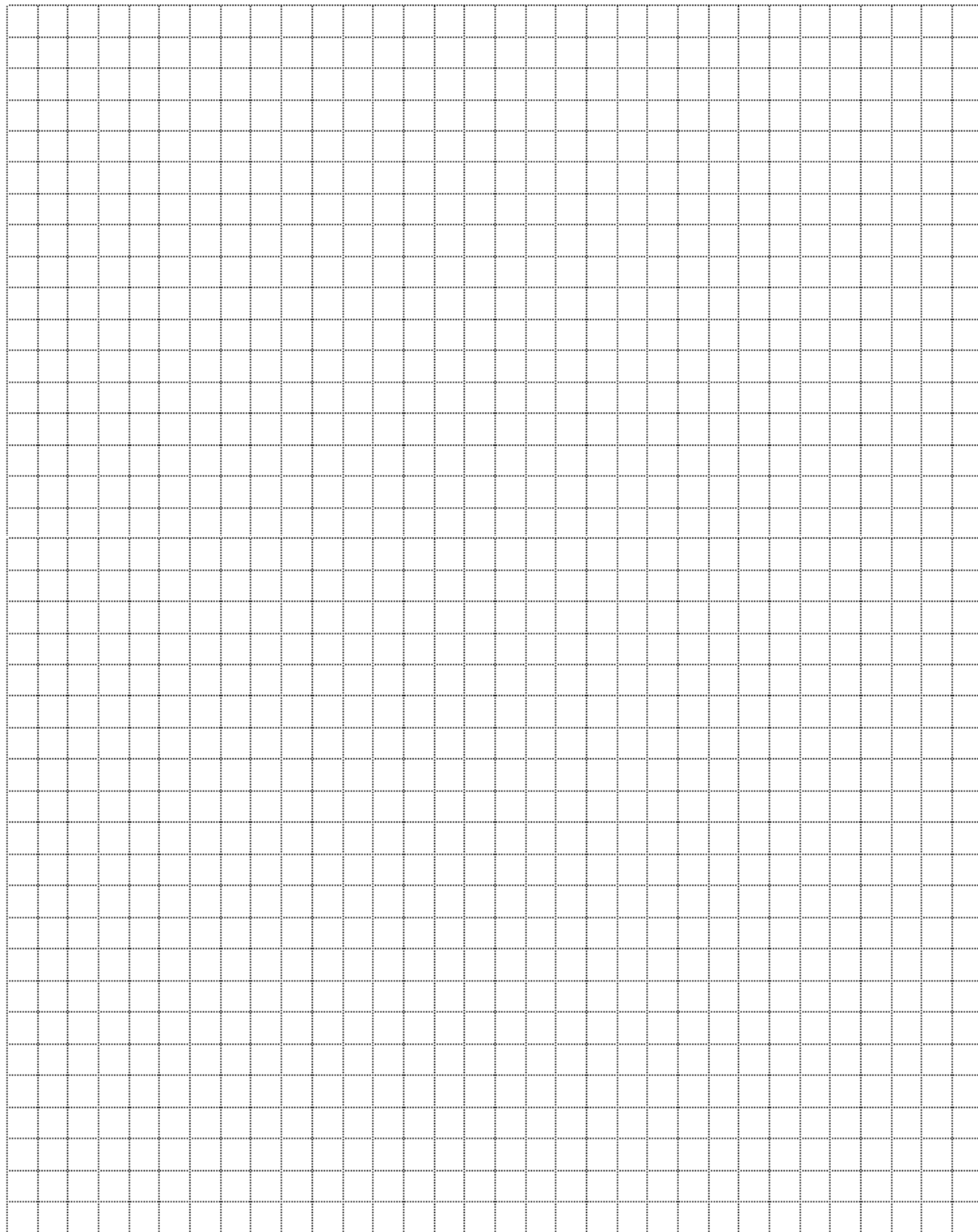
Ze zbioru liczb naturalnych trzycyfrowych losujemy jedną liczbę. Jakie jest prawdopodobieństwo, że suma cyfr wylosowanej liczby jest równa 5.



Odpowiedź.....

Zadanie 31. (0-2)

Suma trzech początkowych wyrazów $a_1 + a_2 + a_3$ ciągu arytmetycznego (a_n) jest o 18 większa od sumy $a_4 + a_5 + a_6$. Wyznacz różnicę r tego ciągu.

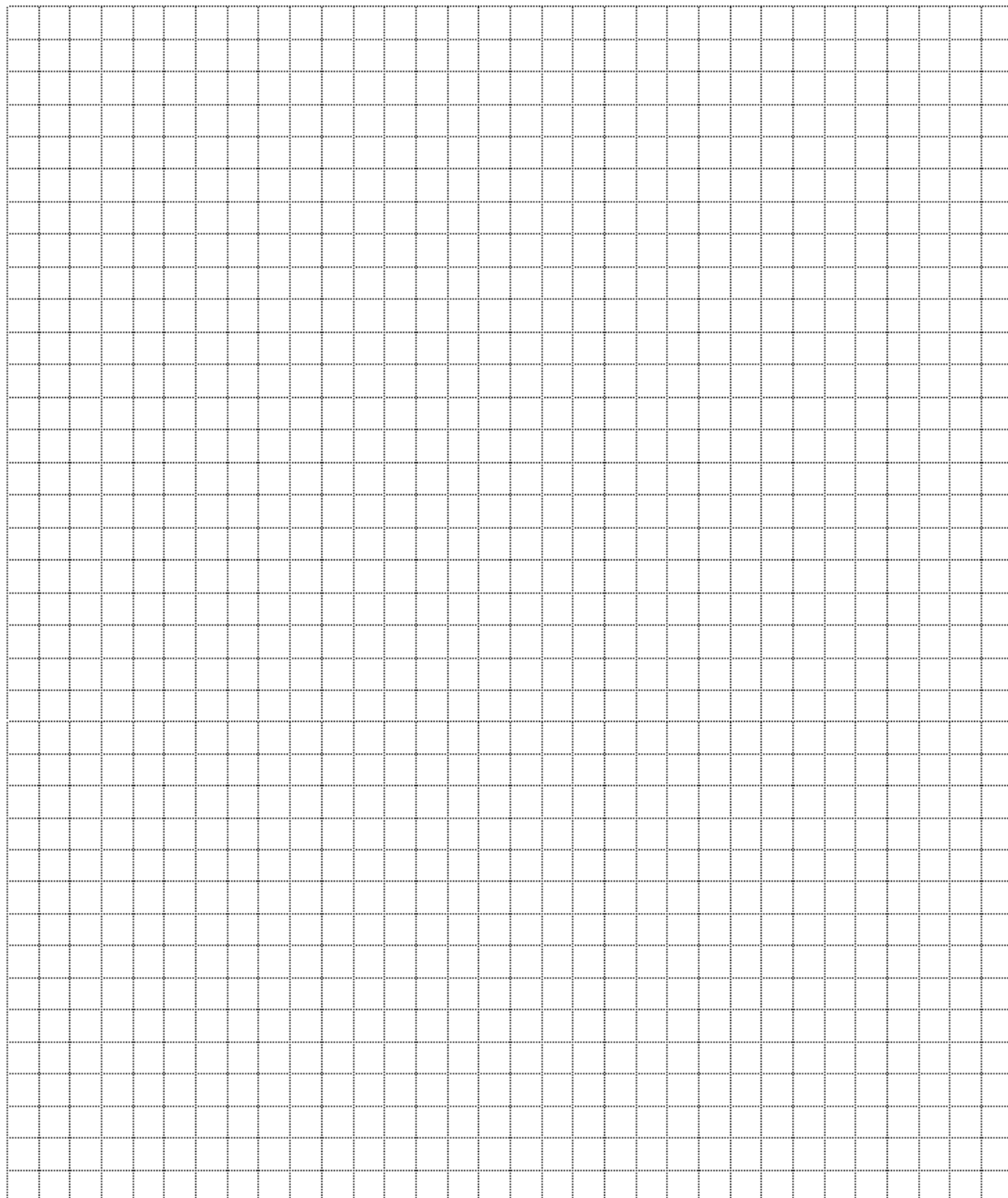


Odpowiedź.....

Zadanie 32. (0-4)

Punkty $A = \left(-1, 3\frac{1}{2}\right)$ oraz $B = (4, 6)$ należą do wykresu funkcji $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + bx + c$.

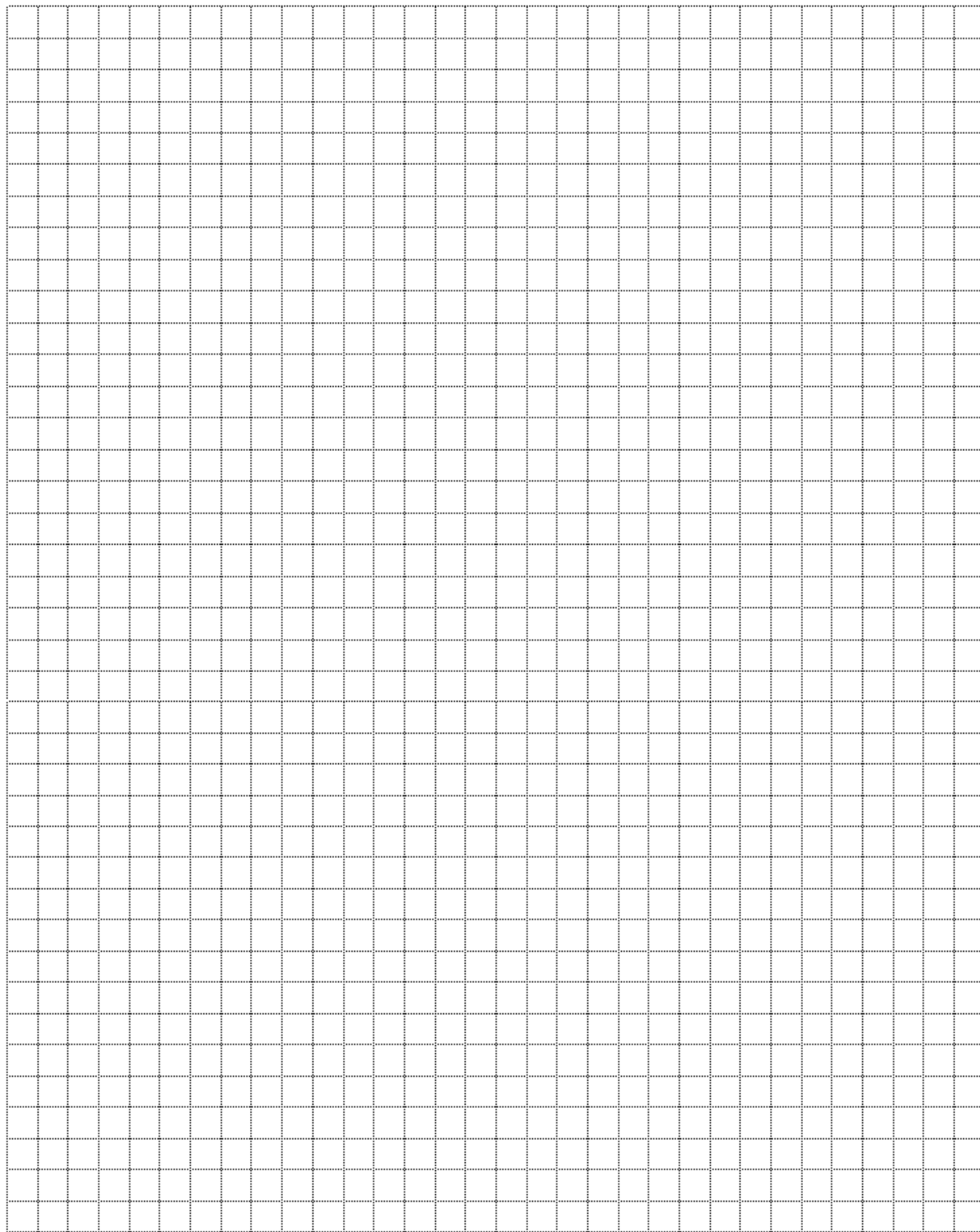
Wyznacz wartości liczbowe współczynników b i c . Dla wyznaczonych wartości b oraz c oblicz pole trójkąta, którego wierzchołkami są punkty przecięcia wykresu funkcji f z osiami układu współrzędnych.



Odpowiedź.....

Zadanie 33. (0-4)

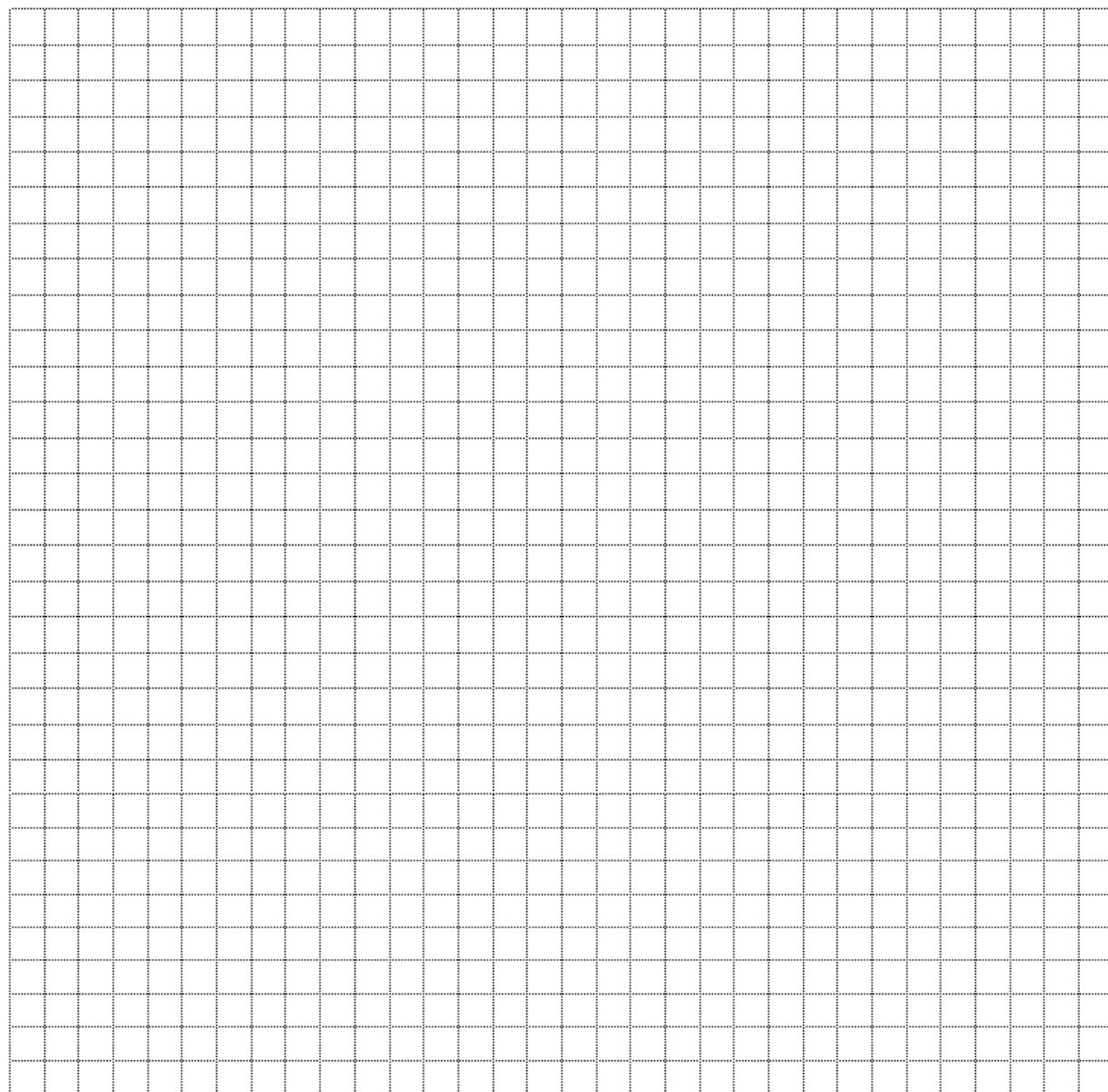
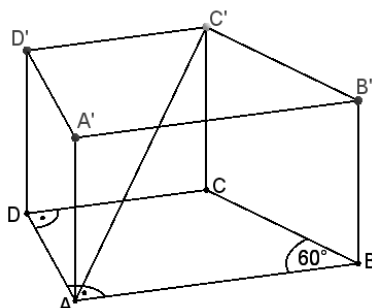
W trójkącie ABC miara kąta przy wierzchołku B jest równa 90° , a wierzchołek $A = (5, 2)$. Punkty B i C leżą na prostej o równaniu $y = 3x + 6$, przy czym punkt C należy również do osi odciętych układu współrzędnych. Wyznacz współrzędne wierzchołków B i C oraz pole tego trójkąta.



Odpowiedź.....

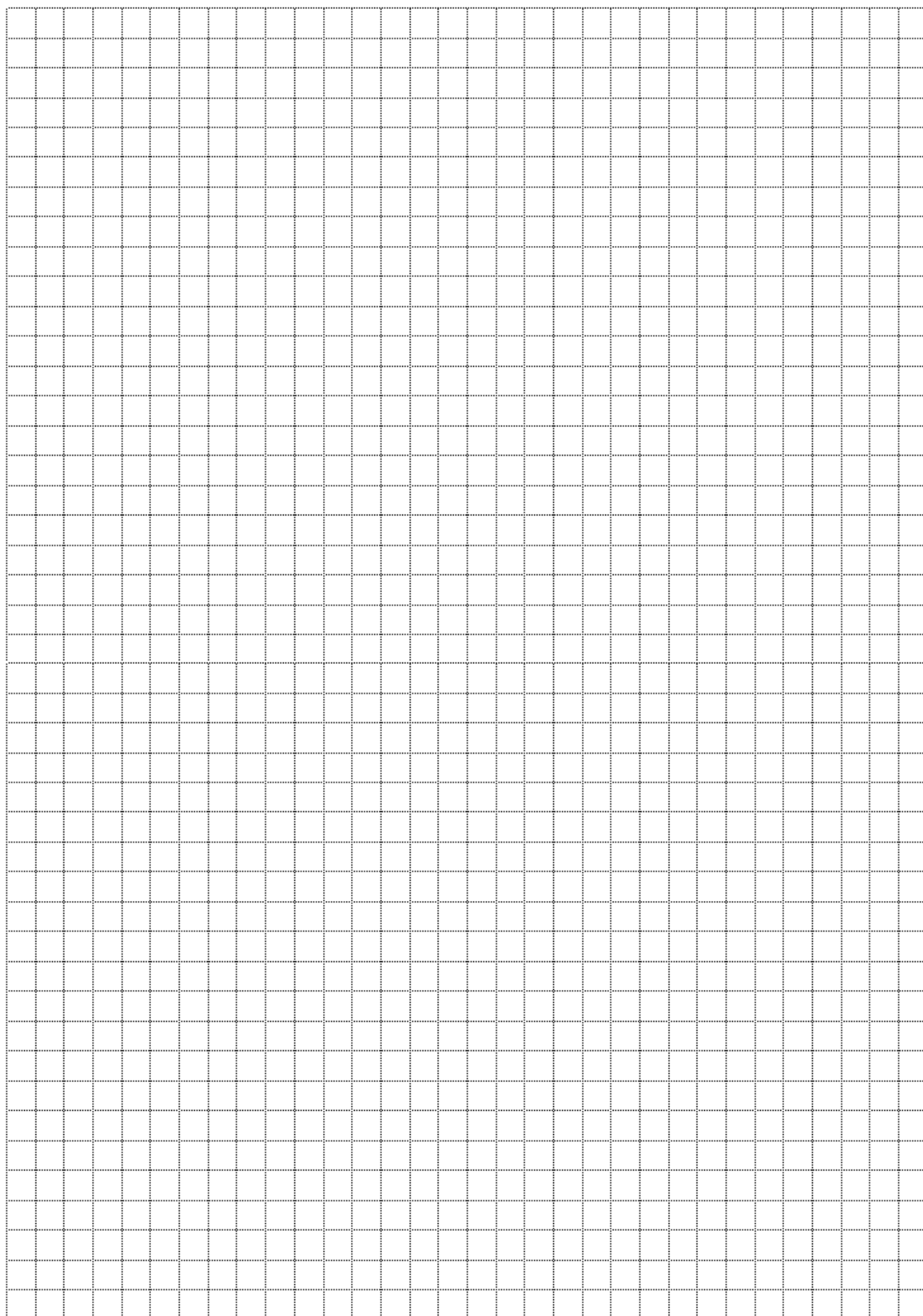
Zadanie 34. (0-5)

Podstawą graniastosłupa prostego jest trapez prostokątny $ABCD$, w którym $|BC| = 4$, $|DC| = 6$, $|\sphericalangle BAD| = |\sphericalangle ADC| = 90^\circ$ oraz $|\sphericalangle ABC| = 60^\circ$ (rysunek poniżej). Krótsza przekątna graniastosłupa AC' ma długość $4\sqrt{7}$. Wyznacz pole powierzchni całkowitej oraz objętość graniastosłupa.



Odpowiedź.....

BRUDNOPIS



KARTA ODPOWIEDZI

WYPEŁNIA ZDAJĄCY

Nr zadania	ODPOWIEDZI			
1	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
2	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
3	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
4	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
5	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
6	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
7	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
8	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
9	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
10	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
11	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
12	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
13	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
14	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
15	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
16	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
17	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
18	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
19	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
20	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
21	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
22	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
23	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
24	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D
25	☐ A	☐ B	☐ C	☐ D

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

WYPEŁNIA EGZAMINATOR

Nr zadania	ODPOWIEDZI				
	1	2	3	4	5
26	☐	☐			
27	☐	☐			
28	☐	☐			
29	☐	☐			
30	☐	☐			
31	☐	☐			
32	☐	☐	☐	☐	
33	☐	☐	☐	☐	
34	☐	☐	☐	☐	☐

SUMA
PUNKTÓW

--	--

D	☐	☐	☐	☐	☐	☐				
	0	1	2	3	4	5				
J	☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9